Bac Général Maths + NSI (Mathématiques et Numérique et sciences informatiques)

SUJET D'EXAMEN (SESSION OFFICIELLE)

Numérique et sciences informatiques - Session 2023

Sujet de l'examen national tel que publié pour la session indiquée. Source : sujets nationaux publiés par le ministère chargé de l'examen et les services académiques. Document mis à disposition par FormaV pour la révision.

Toutes les annales et leurs corrigés : https://bac-maths-nsi.fr/annales-sujets-et-corriges

Liban - mars 2023 - sujet 1

Exercice 1 (Algorithmique et programmation - 3 points)
Un palindrome est un mot qui se lit de la même manière de la gauche vers la droite que de la droite vers la gauche (exemple : « kayak » est un palindrome).

On propose ci-dessous une fonction pour tester si un mot est un palindrome.

On précise que, pour une chaîne de caractères `chaine` :

- l'instruction `len(chaine)` renvoie sa longueur ;
- l'instruction `chaine[-1]` renvoie son dernier caractère ;
- l'instruction `chaine[1:-1]` renvoie la chaîne privée de son premier caractère et de son dernier caractère.

```
1 def tester_palindrome(chaine):
2     if len(chaine) < 2:
3         return True
4     elif chaine[0] != chaine[-1]:
5         return False
6     else:
7         chaine = chaine[1:-1]
8         return tester_palindrome(chaine)
```

1. On saisit, dans la console, l'instruction suivante : `tester_palindrome('kayak')`.
   Combien de fois est appelée la fonction `tester_palindrome` lors de l'exécution de cette instruction ? On veillera à compter l'appel initial.
2. (a) Justifier que la fonction `tester_palindrome` est récursive.
   (b) Expliquer pourquoi l'appel à la fonction `tester_palindrome` se terminera quelle que soit la chaîne de caractères sur laquelle elle s'applique.
3. La saisie, dans la console, de l'instruction `tester_palindrome(53235)` génère une erreur.
   (a) Parmi les quatre propositions suivantes, indiquer le type d'erreur affiché :
   - `ZeroDivisionError`
   - `ValueError`
   - `TypeError`
   - `IndexError`

   (b) Proposer sur la copie une ou plusieurs instructions qu'on pourrait écrire entre la ligne 1 et la ligne 2 du code de la fonction `tester_palindrome` et permettant d'afficher clairement cette erreur à l'utilisateur.
4. Ecrire le code d'une fonction itérative (non récursive) `est_palindrome` qui prend en paramètre une chaîne de caractères et renvoie un booléen égal à `True` si la chaîne de caractères est un palindrome, `False` sinon.

Exercice 2 (Bases de données, SQL et réseaux - 5 points)
Cet exercice utilise certains des mots-clés du langage SQL suivants : `DELETE`, `FROM`, `INSERT`, `INTO`, `JOIN`, `ON`, `SELECT`, `SET`, `UPDATE`, `VALUES`, `WHERE`.

Les vacances d'été se rapprochent et le propriétaire d'une pension pour animaux gère les places dont il dispose à l'aide d'une base de données dont voici le schéma relationnel :

`client(num_client, nom_client, prenom_client, mail_client, tel_client)`

`animal(num_animal, nom_animal, categorie_animal, taille_animal, num_client)`

`cage(num_cage, taille_cage, secteur_cage)`

`reservation(num_reservation, date_debut_reservation, date_fin_reservation, num_client, num_animal, num_cage)`

Ci-dessous, on donne des extraits des tables `client`, `animal`, `cage` et `reservation`.

Extrait de la table `client` :

num_client	nom_client	prenom_client	mail_client	tel_client
16	Dupont	Marc	marc.dupont@mail.com	0604050401
345	Morel	Fabien	fabien.morel@mail.com	0700051020

Extrait de la table `animal` :

num_animal	nom_animal	categorie_animal	taille_animal	num_client
22	Yuki	souris	petit	16
112	Balou	chat	moyen	141
320	Api	chien	grand	237
423	Rex	chien	moyen	259
491	Rex	chien	petit	345

Extrait de la table `cage` :

num_cage	taille_cage	secteur_cage
4	grand	chien
12	petit	chien
23	moyen	chien
31	moyen	chien
32	petit	rongeur
33	grand	chat

Extrait de la table `reservation` :

num_reservation	date_debut_reservation	date_fin_reservation	num_client	num_animal	num_cage
44	2022-08-23	2022-08-25	26	12	12
45	2022-07-11	2022-07-22	345	491	23
46	2022-08-11	2022-08-22	345	491	23
47	2022-08-23	2022-09-10	345	491	23
48	2022-10-11	2022-10-22	345	491	23

1. **Etude du schéma relationnel**

   (a) Pour chaque attribut de la relation `cage`, spécifier son type, en utilisant le tableau des types suivant :

`CHAR(t)` `VARCHAR(t)`	Texte de longueur fixe de `t` caractères. Texte de longueur variable de `t` caractères au maximum.
`INT`	Nombre entier de -2^{31} à $2^{31}-1$ (signé) ou de 0 à $2^{32}-1$ (non signé).
`FLOAT`	Réel à virgule flottante.
`DATE` `DATETIME`	Date format AAAA-MM-JJ. Date et heure format AAAA-MM-JJ HH :MI :SS.

   (b) Préciser, pour la relation `reservation`, le nom de la clé primaire pouvant être utilisée.

   (c) Indiquer, pour la relation `reservation`, la ou les clés étrangères (ou secondaires) et en indiquer l'utilité. 2.

2. **Requêtes**

   (a) Indiquer le résultat de l'exécution de la requête suivante :

```sql
SELECT nom_animal
FROM animal
WHERE categorie_animal = 'chien';
```

   (b) Ecrire une requête SQL permettant d'afficher les noms de tous les clients dont l'animal a occupé la cage numéro 23.

   (c) Un nouvel animal doit être enregistré dans la base de données qui contient actuellement 491 animaux. Il s'appelle Suki, c'est un chat de petite taille dont le propriétaire a déjà été enregistré sous le numéro 342. Ecrire la requête SQL permettant d'insérer ces nouvelles données dans la base de données.

3. **Programmation Python**

Suite à une panne, le responsable de la pension n'a plus accès à sa base de données. Heureusement, il avait fait une sauvegarde de ses tables au format csv. Il les a importées à l'aide d'un programme Python, chacune sous la forme d'une liste de dictionnaires. Pour simplifier, on considérera que la table `reservation` est la liste de dictionnaires suivante :

```
reservation = [
{'num_reservation' : 44, 'date_debut_reservation' : '2022-08-23',
'date_fin_reservation' : '2022-08-25', 'num_client' : 26,
'num_animal' : 12, 'num_cage' : 12},
{'num_reservation' : 45, 'date_debut_reservation' : '2022-07-11',
'date_fin_reservation' : '2022-07-22', 'num_client' : 345,
'num_animal' : 491, 'num_cage' : 23},
{'num_reservation' : 46, 'date_debut_reservation' : '2022-08-11',
'date_fin_reservation' : '2022-08-22', 'num_client' : 345,
'num_animal' : 491, 'num_cage' : 23},
{'num_reservation' : 47, 'date_debut_reservation' : '2022-08-23',
'date_fin_reservation' : '2022-09-10', 'num_client' : 345,
'num_animal' : 491, 'num_cage' : 23},
{'num_reservation' : 48, 'date_debut_reservation' : '2022-10-11',
'date_fin_reservation' : '2022-10-22', 'num_client' : 345,
'num_animal' : 491, 'num_cage' : 23}]
```

   (a) On donne ci-dessous le code Python d'une fonction `mystere`.

```
1 def mystere(table, date):
2     liste = []
3     for ligne in table:
4         if ligne['date_debut_reservation'] == date:
5             liste.append(ligne['num_client'])
6     return liste
```

   On rappelle que l'appel `L.append(x)` ajoute l'élément `x` à la fin de la liste `L`.
   Indiquer l'affichage produit par l'exécution de la ligne de code suivante :

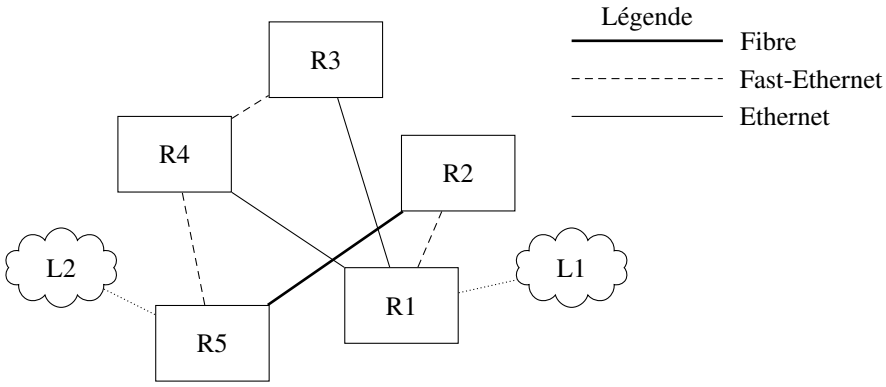
```
print(mystere(reservation, '2022-08-23'))
```

(b) Le responsable de la pension veut obtenir le nombre de réservations qui ont été effectuées pour un numéro de client donné. Ecrire les lignes de code après la ligne 6 de la fonction `nombre_reservation` afin de respecter la spécification donnée ci-dessous.

```
1 def nombre_reservation(table, numero_client):
2     ''' Paramètres :
3     table : liste de dictionnaires, représentant les réservations
4     numero_client : un entier, représentant le numéro du client concerné
5     Valeur renvoyée : un entier donnant le nombre d'occurrences du
6     numéro du client concerné.'''
7     # à compléter
```

4. **Protocole OSPF**

La sauvegarde de la base de données est stockée sur le réseau local L1, relié au routeur R1 du réseau suivant.



L'ordinateur de bureau du responsable de la pension fait partie du réseau local L2.
Les réseaux locaux L1 et L2 font partie d'un réseau constitué de cinq routeurs (R1, R2, R3, R4, R5), de liaisons de communication dont les bandes passantes sont de 1 Gbit/s pour la Fibre, 100 Mbit/s pour Fast-Ethernet et 10 Mbit/s pour Ethernet.
On s'intéresse ici au protocole de routage OSPF. Le protocole OSPF cherche à minimiser la somme des coûts des liaisons entre les routeurs empruntés par un paquet de données. Le coût C d'une liaison est donné par la formule

$$C = \frac{10^8}{d}$$

, où d est la bande passante en bit/s de la liaison.

(a) Pour passer de L1 à L2, le chemin R1 - R2 - R5 utilisant la fibre a le coût le plus faible.
Calculer ce coût.

(b) La liaison entre R2 et R5 a été coupée en raison de travaux. Déterminer la route permettant de relier le réseau L1 au réseau L2 selon le protocole OSPF. Justifier.

Exercice 3 (Piles, arbres binaires et algorithmique - 4 points)

Dans cet exercice, on s'intéresse à la notation polonaise inversée (NPI) d'une expression mathématique. Dans cette notation, l'opérateur est placé après les nombres sur lesquels il s'applique. On se limitera aux expressions faisant intervenir des nombres entiers et les quatre opérateurs : $+$, $-$, $\times$, $/$.

Par exemple, l'expression $4 \times (5 + 7)$ s'écrit, en NPI : `4 5 7 + ×`.

L'évaluation de l'expression $12/2 - 4 + 5 \times 3$, écrite en NPI : `12 2 / 4 - 5 3 × +` est détaillée ci-dessous. Cette expression s'évalue à 17 de la manière suivante :

- lorsqu'on rencontre un premier opérateur ($+$, $-$, $/$, $\times$), on évalue l'opération avec les deux nombres situés juste avant cet opérateur :

$$\underbrace{12\ 2\ /}_{12\ /\ 2\ =\ 6}\ 4\ -\ 5\ 3\ \times\ +$$

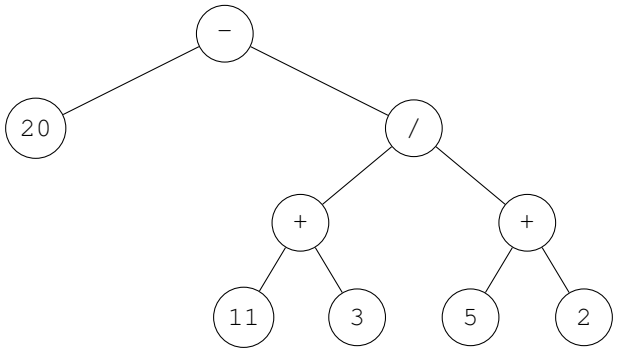
- on remplace cette opération par le résultat :

$$6\ 4\ -\ 5\ 3\ \times\ +$$

- on continue la lecture de l'expression :

$\underbrace{6\ 4\ -}_{6\ -\ 4\ =\ 2}\ 5\ 3\ \times\ +$ devient $2\ \underbrace{5\ 3\ \times}_{5\ \times\ 3\ =\ 15}\ +$ devient `2 15 +` qui vaut `17`.

1. Donner la valeur de l'expression suivante écrite en NPI : `15 5 - 4 12 + x 2`.
2. On donne l'arbre binaire suivant :



Indiquer, parmi les quatre différents parcours d'arbre ci-dessous celui qui permet d'obtenir la succession des symboles correspondant à la notation NPI suivante : `20 11 3 + 5 2 + / -`

un parcours en largeur ;
un parcours en profondeur préfixe ;
un parcours en profondeur infixe ;
un parcours en profondeur postfixe (ou suffixe).

3. On utilisera une liste de symboles pour écrire la notation polonaise inversée d'une expres-sion mathématique. Par exemple, `6 2 3 + × 94 1 - +` sera représentée par la liste : `[6, 2, 3, +, ×, 94, 1, -, +]`.
On considère à présent l'algorithme ci-dessous, écrit en pseudo-code, qui reçoit une liste de symboles correspondant à la notation polonaise inversée d'une expression et renvoie l'arbre binaire associé.

```
fonction créer_arbre(liste_symboles)
  P ← créer une pile vide
  pour chaque élément de liste_symboles
    si élément est un entier alors
      a ← construire l'arbre de racine élément et n'ayant pas de
          sous-arbre droit ni gauche
    sinon # élément est le symbole d'un opérateur
      a_droit ← dépiler P
      a_gauche ← dépiler P
      a ← construire l'arbre de racine élément, ayant pour sous-arbre gauche a_gauche
          et pour sous-arbre droit a_droit empiler
    fin si
    a dans P
  fin pour
  a ← dépiler P
  renvoyer a
fin fonction
```

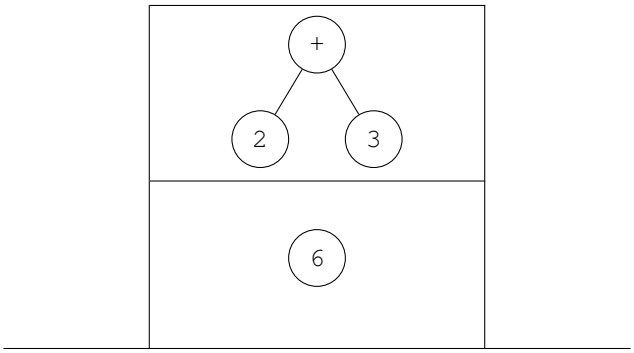
L'algorithme précédent nécessite l'utilisation d'une pile, dont les éléments sont des arbres. On précise que :

- ⋆ l'action empiler `a` dans `P` insère l'élément `a` en haut de la pile `P` ;
- ⋆ l'action dépiler `P` renvoie la valeur de l'élément en haut de la pile `P` et le supprime de la pile.

(a) Des deux acronymes LIFO et FIFO, indiquer lequel permet de décrire, de manière générale, la structure de pile. Donner la signification des quatre lettres qui composent cet acronyme.

(b) On applique l'algorithme précédent sur la liste `[6, 2, 3, +, ×, 94, 1, −, +]`. À la fin de l'exécution du quatrième tour de la boucle `pour`, l'état de la pile est le suivant :

Pile `P`



Indiquer le nombre d'élément(s) contenu(s) dans la pile `P` et dessiner l'état de la pile, à la fin de l'exécution du cinquième tour de la boucle `pour`.

(c) Dessiner l'arbre binaire représentant l'expression mathématique dont la notation polo-naise inversée est la liste `[6, 2, 3, +, ×, 94, 1, −, +]`.

4. On souhaite écrire une fonction en langage Python qui permet d'évaluer une expression mathématique écrite avec la notation polonaise inversée NPI. On suppose qu'une telle expression est représentée par un arbre binaire obtenu à l'aide de l'algorithme précédent.

On dispose pour cela de quatre fonctions :

- ⋆ `est_vide(arb)` qui renvoie `True` si l'arbre binaire `arb` est vide, `False` sinon ;
- ⋆ `racine(arb)` qui renvoie la valeur de la racine de l'arbre binaire `arb` ;
- ⋆ `gauche(arb)` qui renvoie le sous-arbre gauche de l'arbre binaire `arb` ;
- ⋆ `droit(arb)` qui renvoie le sous-arbre droit de l'arbre binaire `arb`.

La fonction `evaluer` donnée ci-dessous est écrite en Python. Cette fonction prend en paramètre un arbre binaire `arb` représentant une expression mathématique écrite en NPI et renvoie la valeur de cette expression.

```
def evaluer(arb):
    if est_vide(gauche(arb)) and ..... :
        res = .....
    elif ..... == '+':
        res = evaluer(.....) + .....
    elif ..... == '-':
        res = evaluer(.....) - .....
    elif ..... == '*':
        res = evaluer(.....) * .....
    else:
        res = evaluer(.....) / .....
    return res
```

Compléter le code ci-dessus.